Cognome	Nome	matr
Non posso sostenere l' <b>orale</b> nei segu	uenti giorni	
indirizzo e-mail:		
	foglio insieme allo svolgimento. Compilella vicino al numero. Svolgere ciascun e.	

## Matematica del Discreto/ Matematica discreta - per Informatica

17 luglio 2014

1	I rovare le soluzioni della congruenza lineare $13x \equiv 12 \mod 16$ .	

2. Nell'insieme 
$$X$$
 dei numeri razionali positivi considerare la relazione d'ordine  $\leq$  definita da  $a \leq b \iff$  esiste  $n \in \mathbb{N}$  tale che  $b = na$ .

- a) Descrivere la forma degli elementi a del sottoinsieme  $A=\{a\in X\mid a\leq \frac{1}{2}\}$  di X.
- b) Calcolare  $\inf\left\{\frac{1}{2}, \frac{3}{5}\right\}$ .
- c) Stabilire se esiste il minimo di X rispetto alla relazione  $\leq$ .

3. Nello spazio vettoriale 
$$\mathbb{R}^4$$
 siano  $U$  e  $W$  i sottospazi generati rispettivamente da

$$\mathbf{u}_1 = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \mathbf{u}_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix} \quad \text{e} \quad \text{da} \quad \mathbf{w}_1 = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}, \mathbf{w}_2 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- a) Determinare una base di U+W.
- b) Stabilire se  $U + W = \mathbb{R}^4$ .

4. 
$$\square$$
 Sia  $f_k : \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$  l'applicazione lineare definita da  $f_k\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = A_k\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$ , con  $A_k = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ 1 & 1 \\ k & 4 \end{pmatrix}$ .

Stabilire per quali valori del parametro reale k il vettore  $\mathbf{w} = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  appartiene all'immagine  $\text{Im}(f_k)$ .

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 3 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$